

# Brevísima Introducción a la Computación Cuántica

Alejandro Díaz Caro<sup>†</sup>, Julián Samborski Forlese<sup>‡</sup>

Departamento de Ciencias de la Computación - FCEIA - UNR

<sup>†</sup>diazcaro@fceia.unr.edu.ar, <sup>‡</sup>juliansf@gmail.com

# Introducción

# ¿Qué es?

La computación cuántica es un **paradigma de computación** distinto al de la computación clásica.

Se basa en el uso de **qubits** en lugar de bits, y da lugar a nuevas puertas lógicas que hacen posibles nuevos algoritmos.

Una misma tarea puede tener **diferente complejidad** en computación clásica y en computación cuántica, lo que ha dado lugar a una gran expectación, ya que algunos problemas intratables pasan a ser tratables.

## Introducción

### ● ¿Qué es?

- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algo habrán hecho...

- **1936** Alan Turing inventa la MT para demostrar que existían problemas matemáticos que no eran computables.

## Introducción

- ¿Qué es?
- **Algo habrán hecho...**
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algo habrán hecho...

- **1936** Alan Turing inventa la MT para demostrar que existían problemas matemáticos que no eran computables. Ley de Moore  $\Rightarrow$  Dismunición en tamaño, mayor poder de cómputo. Sin embargo, los problemas que requieren recursos exponenciales siguen causando problemas.

## Introducción

- ¿Qué es?
- **Algo habrán hecho...**
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algo habrán hecho...

## Introducción

- ¿Qué es?
- **Algo habrán hecho...**
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

- **1936** Alan Turing inventa la MT para demostrar que existían problemas matemáticos que no eran computables. Ley de Moore  $\Rightarrow$  Disminución en tamaño, mayor poder de cómputo. Sin embargo, los problemas que requieren recursos exponenciales siguen causando problemas.
- **1982** Richard Feynman sugiere que simular sistemas cuánticos necesariamente requiere recursos exponenciales. Sin embargo la naturaleza es capaz de simularlo de manera eficiente!

# Algo habrán hecho...

## Introducción

- ¿Qué es?
- **Algo habrán hecho...**
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

- **1936** Alan Turing inventa la MT para demostrar que existían problemas matemáticos que no eran computables. Ley de Moore  $\Rightarrow$  Disminución en tamaño, mayor poder de cómputo. Sin embargo, los problemas que requieren recursos exponenciales siguen causando problemas.
- **1982** Richard Feynman sugiere que simular sistemas cuánticos necesariamente requiere recursos exponenciales. Sin embargo la naturaleza es capaz de simularlo de manera eficiente!
- **1985** David Deustch describe el primer modelo para una Quantum Turing Machine basada en la utilización de datos y control cuánticos.

# Algo habrán hecho...

## Introducción

- ¿Qué es?
- **Algo habrán hecho...**
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

- **1936** Alan Turing inventa la MT para demostrar que existían problemas matemáticos que no eran computables. Ley de Moore  $\Rightarrow$  Disminución en tamaño, mayor poder de cómputo. Sin embargo, los problemas que requieren recursos exponenciales siguen causando problemas.
- **1982** Richard Feynman sugiere que simular sistemas cuánticos necesariamente requiere recursos exponenciales. Sin embargo la naturaleza es capaz de simularlo de manera eficiente!
- **1985** David Deustch describe el primer modelo para una Quantum Turing Machine basada en la utilización de datos y control cuánticos.
- **1993** Charles Bennet y otros científicos de IBM diseñaron el experimento de Teleportación.

# Algo habrán hecho... (cont.)

- **1994** Peter Shor describe un algoritmo cuántico para factorizar números que es exponencialmente más rápido que cualquier algoritmo clásico conocido. El potencial de ese algoritmo atrajo mucha inversión de entes estatales y privados.

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- **Algo habrán hecho... (cont.)**
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algo habrán hecho... (cont.)

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- **Algo habrán hecho... (cont.)**
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

- **1994** Peter Shor describe un algoritmo cuántico para factorizar números que es exponencialmente más rápido que cualquier algoritmo clásico conocido. El potencial de ese algoritmo atrajo mucha inversión de entes estatales y privados.
- **1998** Isaac Chuang dirige el grupo de Berkeley que desarrolla la primera computadora cuántica de 1 qubit.

# Algo habrán hecho... (cont.)

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- **Algo habrán hecho... (cont.)**
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

- **1994** Peter Shor describe un algoritmo cuántico para factorizar números que es exponencialmente más rápido que cualquier algoritmo clásico conocido. El potencial de ese algoritmo atrajo mucha inversión de entes estatales y privados.
- **1998** Isaac Chuang dirige el grupo de Berkeley que desarrolla la primera computadora cuántica de 1 qubit.
- **2001** Un grupo de IBM desarrolla una computadora cuántica capaz de controlar 7 qubits, con ella prueban el algoritmo de Shor factorizando el número 15.

# Algo habrán hecho... (cont.)

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- **Algo habrán hecho...**  
(cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

- **1994** Peter Shor describe un algoritmo cuántico para factorizar números que es exponencialmente más rápido que cualquier algoritmo clásico conocido. El potencial de ese algoritmo atrajo mucha inversión de entes estatales y privados.
- **1998** Isaac Chuang dirige el grupo de Berkeley que desarrolla la primera computadora cuántica de 1 qubit.
- **2001** Un grupo de IBM desarrolla una computadora cuántica capaz de controlar 7 qubits, con ella prueban el algoritmo de Shor factorizando el número 15.
- **Diciembre de 2005** Rainer Blatt y su grupo de Innsbruck realizan una computadora cuántica de 8 qubits (1 qubyte) y Daniel Stick y su grupo de Michigan logran el primer chip capaz de controlar un qubit.

# Algunos conceptos

---

Unidad mínima de información clásica: **BIT**.

## Introducción

---

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho...  
(cont.)
- **Algunos conceptos**
- ¿Cómo se piensa  
cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos  
(cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

---

# Algunos conceptos

---

Unidad mínima de información clásica: **BIT**.

Unidad mínima de información cuántica: **QuBIT**.

## Introducción

---

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- **Algunos conceptos**
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

---

# Algunos conceptos

Unidad mínima de información clásica: **BIT**.

Unidad mínima de información cuántica: **QuBIT**.

Un qubit puede existir como 0, como 1 o como una **superposición** de 0 y 1. Esto permite que se puedan realizar cálculos sobre ambos valores a la vez.

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- **Algunos conceptos**
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algunos conceptos

Unidad mínima de información clásica: **BIT**.

Unidad mínima de información cuántica: **QuBIT**.

Un qubit puede existir como 0, como 1 o como una **superposición** de 0 y 1. Esto permite que se puedan realizar cálculos sobre ambos valores a la vez.

Pensemos ésto: con una computadora clásica que manipule tan sólo 500 bits poco podría hacerse, pero para igualar a una computadora cuántica que manipule 500 qubits necesitaríamos manipular  $2^{500}$  bits!

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- **Algunos conceptos**
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits



# ¿Cómo se piensa cuánticamente?

Los algoritmos cuánticos requieren pensar en términos de superposición, lo cual trae aparejado un cambio de concepto para los programadores actuales.

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# ¿Cómo se piensa cuánticamente?

Los algoritmos cuánticos requieren pensar en términos de superposición, lo cual trae aparejado un cambio de concepto para los programadores actuales.

Veamos un ejemplo concreto:

Problema: Encontrar un camino a través de un laberinto.

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# ¿Cómo se piensa cuánticamente?

Los algoritmos cuánticos requieren pensar en términos de superposición, lo cual trae aparejado un cambio de concepto para los programadores actuales.

Veamos un ejemplo concreto:

Problema: Encontrar un camino a través de un laberinto.

Solución Clásica: Regla de la mano derecha. En cada bifurcación, siempre se tomará el camino hacia la derecha. Este método no garantiza encontrar el camino más corto pero si la salida.

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# ¿Cómo se piensa cuánticamente?

Los algoritmos cuánticos requieren pensar en términos de superposición, lo cual trae aparejado un cambio de concepto para los programadores actuales.

Veamos un ejemplo concreto:

Problema: Encontrar un camino a través de un laberinto.

Solución Clásica: Regla de la mano derecha. En cada bifurcación, siempre se tomará el camino hacia la derecha. Este método no garantiza encontrar el camino más corto pero si la salida.

Solución Cuántica: Tomamos todos los caminos a la vez y, ni bien se encuentre una solución, vemos cuál ha sido el camino que se ha tomado. Esto garantiza no sólo que encontramos la salida, sino que además, es la más corta.

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algoritmos Cuánticos

Actualmente existen tres grandes divisiones en el área de los algoritmos cuánticos que pueden ser caracterizados como:

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho...  
(cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- **Algoritmos Cuánticos**
- Algoritmos Cuánticos  
(cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algoritmos Cuánticos

Actualmente existen tres grandes divisiones en el área de los algoritmos cuánticos que pueden ser caracterizados como:

- El problema del subgrupo escondido, que incluye al algoritmo de **Shor** como caso particular.

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- **Algoritmos Cuánticos**
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algoritmos Cuánticos

Actualmente existen tres grandes divisiones en el área de los algoritmos cuánticos que pueden ser caracterizados como:

- El problema del subgrupo escondido, que incluye al algoritmo de **Shor** como caso particular.
- El Problemas de búsqueda y optimización que incluye el algoritmos de **Groover**.

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- **Algoritmos Cuánticos**
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algoritmos Cuánticos

Actualmente existen tres grandes divisiones en el área de los algoritmos cuánticos que pueden ser caracterizados como:

- El problema del subgrupo escondido, que incluye al algoritmo de **Shor** como caso particular.
- El Problemas de búsqueda y optimización que incluye el algoritmos de **Groover**.
- Algoritmos basados en caminos aleatorios cuánticos.

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- **Algoritmos Cuánticos**
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algoritmos Cuánticos (cont.)

Los algoritmos cuánticos que actualmente más importancia tienen son:

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- **Algoritmos Cuánticos (cont.)**
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algoritmos Cuánticos (cont.)

Los algoritmos cuánticos que actualmente más importancia tienen son:

- Algoritmo de búsqueda de **Grover** ( $O(\log_2 n)$ ).

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- **Algoritmos Cuánticos (cont.)**
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algoritmos Cuánticos (cont.)

Los algoritmos cuánticos que actualmente más importancia tienen son:

- Algoritmo de búsqueda de **Grover** ( $O(\log_2 n)$ ).
- Algoritmo de **Shor** ( $O((\log_2 n)^3)$ )

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- **Algoritmos Cuánticos (cont.)**
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algoritmos Cuánticos (cont.)

Los algoritmos cuánticos que actualmente más importancia tienen son:

- Algoritmo de búsqueda de **Grover** ( $O(\log_2 n)$ ).
- Algoritmo de **Shor** ( $O((\log_2 n)^3)$ )
- Algoritmo de **Kitaev** que sirve para calcular el orden de un grupo.

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- **Algoritmos Cuánticos (cont.)**
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algoritmos Cuánticos (cont.)

Los algoritmos cuánticos que actualmente más importancia tienen son:

- Algoritmo de búsqueda de **Grover** ( $O(\log_2 n)$ ).
- Algoritmo de **Shor** ( $O((\log_2 n)^3)$ )
- Algoritmo de **Kitaev** que sirve para calcular el orden de un grupo.
- Algoritmo de **Watrous** para calcular el orden de grupos solubles.

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- **Algoritmos Cuánticos (cont.)**
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Algoritmos Cuánticos (cont.)

Los algoritmos cuánticos que actualmente más importancia tienen son:

- Algoritmo de búsqueda de **Grover** ( $O(\log_2 n)$ ).
- Algoritmo de **Shor** ( $O((\log_2 n)^3)$ )
- Algoritmo de **Kitaev** que sirve para calcular el orden de un grupo.
- Algoritmo de **Watrous** para calcular el orden de grupos solubles.
- Descomposición de **Grupos Finitos Abelianos**.

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- **Algoritmos Cuánticos (cont.)**
- Implementaciones???
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Implementaciones???

Se están probando varias formas para lograr controlar qubits:

- Heteropolymers.
- Ion Traps.
- Cavidades Cuánticas Electrodinámicas.
- Resonancia Magnética Nuclear.
- Quantum Dots.
- Kane Computer (MNR).
- Josephson Junctions.
- Topological Quantum Computer

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho...  
(cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa  
cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos  
(cont.)
- **Implementaciones???**
- Lenguajes Cuánticos

## Qubits

# Lenguajes Cuánticos

## Introducción

- ¿Qué es?
- Algo habrán hecho...
- Algo habrán hecho... (cont.)
- Algunos conceptos
- ¿Cómo se piensa cuánticamente?
- Algoritmos Cuánticos
- Algoritmos Cuánticos (cont.)
- Implementaciones???
- **Lenguajes Cuánticos**

## Qubits

- **QCL** (Quantum Computation Language, inspirado en C) [Omer 1998]
- **QPL** (Quantum Programming Language, control clásico y datos cuánticos) [Selinger 2004]
- **QML** (Quantum ML) [Altenkirch and Grattage 2005]
- **QHaskell** [Vizzotto and Da Rocha Costa 2006]

# Qubits

# Un qubit

Un qubit es un vector de la forma  $\begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix}$  donde  $\alpha, \beta \in \mathbb{C}$  y  $|\alpha|^2 + |\beta|^2 = 1$ .

## Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Un qubit

Un qubit es un vector de la forma  $\begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix}$  donde  $\alpha, \beta \in \mathbb{C}$  y

$$|\alpha|^2 + |\beta|^2 = 1.$$

Se considera una base del espacio de qubits, por ejemplo:

$$\left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right\}$$

## Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Un qubit

Un qubit es un vector de la forma  $\begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix}$  donde  $\alpha, \beta \in \mathbb{C}$  y

$$|\alpha|^2 + |\beta|^2 = 1.$$

Se considera una base del espacio de qubits, por ejemplo:

$$\left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right\}$$

entonces un qubit tendrá la forma

$$\alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

## Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Un qubit

Un qubit es un vector de la forma  $\begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix}$  donde  $\alpha, \beta \in \mathbb{C}$  y  $|\alpha|^2 + |\beta|^2 = 1$ .

Se considera una base del espacio de qubits, por ejemplo:

$$\left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right\}$$

entonces un qubit tendrá la forma

$$\alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Llamaremos  $|0\rangle$  al vector  $\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$  y  $|1\rangle$  al vector  $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ , así, a cualquier qubit  $|\psi\rangle$  lo escribiremos como

$$|\psi\rangle = \alpha |0\rangle + \beta |1\rangle$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Compuertas Cuánticas para 1 qubit

Una Compuerta Cuántica para 1 qubit será una matriz  $U$  tal que

$$UU^\dagger = U^\dagger U = I$$

donde  $U^\dagger = (U^*)^T$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Compuertas Cuánticas para 1 qubit

Una Compuerta Cuántica para 1 qubit será una matriz  $U$  tal que

$$UU^\dagger = U^\dagger U = I$$

donde  $U^\dagger = (U^*)^T$

Por ejemplo:

$$X = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Compuertas Cuánticas para 1 qubit

Una Compuerta Cuántica para 1 qubit será una matriz  $U$  tal que

$$UU^\dagger = U^\dagger U = I$$

donde  $U^\dagger = (U^*)^T$

Por ejemplo:

$$X = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa esta compuerta sobre un qubit  $|\psi\rangle$  cualquiera:

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Compuertas Cuánticas para 1 qubit

Una Compuerta Cuántica para 1 qubit será una matriz  $U$  tal que

$$UU^\dagger = U^\dagger U = I$$

donde  $U^\dagger = (U^*)^T$

Por ejemplo:

$$X = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa esta compuerta sobre un qubit  $|\psi\rangle$  cualquiera:

$$X |\psi\rangle = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} (\alpha |0\rangle + \beta |1\rangle)$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Compuertas Cuánticas para 1 qubit

Una Compuerta Cuántica para 1 qubit será una matriz  $U$  tal que

$$UU^\dagger = U^\dagger U = I$$

donde  $U^\dagger = (U^*)^T$

Por ejemplo:

$$X = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa esta compuerta sobre un qubit  $|\psi\rangle$  cualquiera:

$$X |\psi\rangle = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} (\alpha |0\rangle + \beta |1\rangle) = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix}$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Compuertas Cuánticas para 1 qubit

Una Compuerta Cuántica para 1 qubit será una matriz  $U$  tal que

$$UU^\dagger = U^\dagger U = I$$

donde  $U^\dagger = (U^*)^T$

Por ejemplo:

$$X = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa esta compuerta sobre un qubit  $|\psi\rangle$  cualquiera:

$$\begin{aligned} X |\psi\rangle &= \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} (\alpha |0\rangle + \beta |1\rangle) = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} \beta \\ \alpha \end{pmatrix} \end{aligned}$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Compuertas Cuánticas para 1 qubit

Una Compuerta Cuántica para 1 qubit será una matriz  $U$  tal que

$$UU^\dagger = U^\dagger U = I$$

donde  $U^\dagger = (U^*)^T$

Por ejemplo:

$$X = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa esta compuerta sobre un qubit  $|\psi\rangle$  cualquiera:

$$\begin{aligned} X |\psi\rangle &= \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} (\alpha |0\rangle + \beta |1\rangle) = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} \beta \\ \alpha \end{pmatrix} = \beta |0\rangle + \alpha |1\rangle \end{aligned}$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)

En los qubits de la base canónica vemos que

$$X |0\rangle = |1\rangle, \quad X |1\rangle = |0\rangle$$

Por lo cual, la compuerta  $X$  es comunmente llamada *compuerta NOT*.

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)

En los qubits de la base canónica vemos que

$$X |0\rangle = |1\rangle, \quad X |1\rangle = |0\rangle$$

Por lo cual, la compuerta  $X$  es comunmente llamada *compuerta NOT*.

En general, la aplicación de una compuerta cuántica a un qubit se puede ver de la siguiente manera:

$$U(\alpha |0\rangle + \beta |1\rangle) = \alpha U |0\rangle + \beta U |1\rangle$$

Por lo cual, con sólo describir de qué manera actúa en una base, ya habremos descrito la compuerta completamente.

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Otro ejemplo

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

## Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Otro ejemplo

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa sobre la base  $\{|0\rangle, |1\rangle\}$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Otro ejemplo

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa sobre la base  $\{|0\rangle, |1\rangle\}$

$$H |0\rangle$$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Otro ejemplo

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa sobre la base  $\{|0\rangle, |1\rangle\}$

$$H |0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Otro ejemplo

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa sobre la base  $\{|0\rangle, |1\rangle\}$

$$H |0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Otro ejemplo

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa sobre la base  $\{|0\rangle, |1\rangle\}$

$$\begin{aligned} H |0\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \end{aligned}$$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Otro ejemplo

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa sobre la base  $\{|0\rangle, |1\rangle\}$

$$\begin{aligned} H |0\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \end{aligned}$$

a este vector lo llamaremos  $|+\rangle$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Otro ejemplo

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa sobre la base  $\{|0\rangle, |1\rangle\}$

$$\begin{aligned} H |0\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \end{aligned}$$

a este vector lo llamaremos  $|+\rangle$

$$H |1\rangle$$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Otro ejemplo

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa sobre la base  $\{|0\rangle, |1\rangle\}$

$$\begin{aligned} H |0\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \end{aligned}$$

a este vector lo llamaremos  $|+\rangle$

$$H |1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Otro ejemplo

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa sobre la base  $\{|0\rangle, |1\rangle\}$

$$\begin{aligned} H |0\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \end{aligned}$$

a este vector lo llamaremos  $|+\rangle$

$$H |1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix}$$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Otro ejemplo

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa sobre la base  $\{|0\rangle, |1\rangle\}$

$$\begin{aligned} H |0\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \end{aligned}$$

a este vector lo llamaremos  $|+\rangle$

$$\begin{aligned} H |1\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle - |1\rangle) \end{aligned}$$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Otro ejemplo

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Veamos cómo actúa sobre la base  $\{|0\rangle, |1\rangle\}$

$$\begin{aligned} H |0\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \end{aligned}$$

a este vector lo llamaremos  $|+\rangle$

$$\begin{aligned} H |1\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle - |1\rangle) \end{aligned}$$

a este vector lo llamaremos  $|-\rangle$

# Otro ejemplo (cont.)

Como podemos ver

$$|+\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle)$$

y

$$|-\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle - |1\rangle)$$

son ortogonales, por lo tanto forman base:

$$B = \{|+\rangle, |-\rangle\}$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- **Otro ejemplo (cont.)**
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Medición

Otros operadores muy importantes son los “operadores medición”, los cuales actúan de la siguiente manera:

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- **Medición**
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Medición

Otros operadores muy importantes son los “operadores medición”, los cuales actúan de la siguiente manera:

Sea la base  $B = \{|x\rangle, |y\rangle\}$ , entonces

$$M_B (\alpha |x\rangle + \beta |y\rangle)$$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- **Medición**
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Medición

Otros operadores muy importantes son los “operadores medición”, los cuales actúan de la siguiente manera:

Sea la base  $B = \{|x\rangle, |y\rangle\}$ , entonces

$$M_B (\alpha |x\rangle + \beta |y\rangle) = \begin{cases} |x\rangle & \text{con probabilidad } |\alpha|^2 \\ |y\rangle & \text{con probabilidad } |\beta|^2 \end{cases}$$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- **Medición**
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits

Para extender este sistema a 2 qubits haremos un “producto tensorial” entre las bases de cada sistema de 1 qubit.

## Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- **Dos qubits**
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits

Para extender este sistema a 2 qubits haremos un “producto tensorial” entre las bases de cada sistema de 1 qubit.

## Qué es un Producto Tensorial?

### Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- **Dos qubits**
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits

Para extender este sistema a 2 qubits haremos un “producto tensorial” entre las bases de cada sistema de 1 qubit.

## Qué es un Producto Tensorial?

“Qué es” es una pregunta demasiado grande para esta presentación... digamos simplemente cómo calcularlo

### Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- **Dos qubits**
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

## Producto tensorial entre matrices

$$\begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix} \otimes B$$

Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- **Dos qubits (cont.)**
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

## Producto tensorial entre matrices

$$\begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix} \otimes B = \begin{pmatrix} a_{11}B & a_{12}B & \dots & a_{1n}B \\ a_{21}B & a_{22}B & \dots & a_{2n}B \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{m1}B & a_{m2}B & \dots & a_{mn}B \end{pmatrix}$$

Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- **Dos qubits (cont.)**
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

## Producto tensorial entre matrices

$$\begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix} \otimes B = \begin{pmatrix} a_{11}B & a_{12}B & \dots & a_{1n}B \\ a_{21}B & a_{22}B & \dots & a_{2n}B \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{m1}B & a_{m2}B & \dots & a_{mn}B \end{pmatrix}$$

## Producto tensorial entre vectores: ídem matrices

$$\begin{pmatrix} v_1 \\ v_2 \\ \vdots \\ v_n \end{pmatrix} \otimes w = \begin{pmatrix} v_1 \cdot w \\ v_2 \cdot w \\ \vdots \\ v_n \cdot w \end{pmatrix}$$

Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- **Dos qubits (cont.)**
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

Producto tensorial entre bases: Es el producto tensorial entre todos los vectores de una base con los de la otra.

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- **Dos qubits (cont.)**
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

Producto tensorial entre bases: Es el producto tensorial entre todos los vectores de una base con los de la otra.

*Ejemplo*:  $B_1 = \{|0\rangle, |1\rangle\}$        $B_2 = \{|+\rangle, |-\rangle\}$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- **Dos qubits (cont.)**
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

Producto tensorial entre bases: Es el producto tensorial entre todos los vectores de una base con los de la otra.

*Ejemplo*:  $B_1 = \{|0\rangle, |1\rangle\}$        $B_2 = \{|+\rangle, |-\rangle\}$

entonces:

$$B_1 \otimes B_2 = \{|0\rangle \otimes |+\rangle, |0\rangle \otimes |-\rangle, |1\rangle \otimes |+\rangle, |1\rangle \otimes |-\rangle\}$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- **Dos qubits (cont.)**
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

Producto tensorial entre bases: Es el producto tensorial entre todos los vectores de una base con los de la otra.

*Ejemplo*:  $B_1 = \{|0\rangle, |1\rangle\}$        $B_2 = \{|+\rangle, |-\rangle\}$

entonces:

$$B_1 \otimes B_2 = \{|0\rangle \otimes |+\rangle, |0\rangle \otimes |-\rangle, |1\rangle \otimes |+\rangle, |1\rangle \otimes |-\rangle\}$$

Para simplificar,  $|x\rangle \otimes |y\rangle$  lo notamos  $|xy\rangle$ .

O sea:

$$B_1 \otimes B_2 = \{|0+\rangle, |0-\rangle, |1+\rangle, |1-\rangle\}$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- **Dos qubits (cont.)**
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

Producto tensorial entre bases: Es el producto tensorial entre todos los vectores de una base con los de la otra.

*Ejemplo*:  $B_1 = \{|0\rangle, |1\rangle\}$        $B_2 = \{|+\rangle, |-\rangle\}$

entonces:

$$B_1 \otimes B_2 = \{|0\rangle \otimes |+\rangle, |0\rangle \otimes |-\rangle, |1\rangle \otimes |+\rangle, |1\rangle \otimes |-\rangle\}$$

Para simplificar,  $|x\rangle \otimes |y\rangle$  lo notamos  $|xy\rangle$ .

O sea:

$$B_1 \otimes B_2 = \{|0+\rangle, |0-\rangle, |1+\rangle, |1-\rangle\}$$

Otro ejemplo:  $B_1 = B_2 = \{|0\rangle, |1\rangle\}$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- **Dos qubits (cont.)**
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

Producto tensorial entre bases: Es el producto tensorial entre todos los vectores de una base con los de la otra.

*Ejemplo:*  $B_1 = \{|0\rangle, |1\rangle\}$        $B_2 = \{|+\rangle, |-\rangle\}$

entonces:

$$B_1 \otimes B_2 = \{|0\rangle \otimes |+\rangle, |0\rangle \otimes |-\rangle, |1\rangle \otimes |+\rangle, |1\rangle \otimes |-\rangle\}$$

Para simplificar,  $|x\rangle \otimes |y\rangle$  lo notamos  $|xy\rangle$ .

O sea:

$$B_1 \otimes B_2 = \{|0+\rangle, |0-\rangle, |1+\rangle, |1-\rangle\}$$

Otro ejemplo:  $B_1 = B_2 = \{|0\rangle, |1\rangle\}$

$$B_1 \otimes B_2 = \{|00\rangle, |01\rangle, |10\rangle, |11\rangle\}$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- **Dos qubits (cont.)**
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

Producto tensorial entre bases: Es el producto tensorial entre todos los vectores de una base con los de la otra.

*Ejemplo:*  $B_1 = \{|0\rangle, |1\rangle\}$        $B_2 = \{|+\rangle, |-\rangle\}$

entonces:

$$B_1 \otimes B_2 = \{|0\rangle \otimes |+\rangle, |0\rangle \otimes |-\rangle, |1\rangle \otimes |+\rangle, |1\rangle \otimes |-\rangle\}$$

Para simplificar,  $|x\rangle \otimes |y\rangle$  lo notamos  $|xy\rangle$ .

O sea:

$$B_1 \otimes B_2 = \{|0+\rangle, |0-\rangle, |1+\rangle, |1-\rangle\}$$

Otro ejemplo:  $B_1 = B_2 = \{|0\rangle, |1\rangle\}$

$$B_1 \otimes B_2 = \{|00\rangle, |01\rangle, |10\rangle, |11\rangle\}$$

Entonces podemos expresar un 2-qubit con respecto a esta última base así:

$$|\psi\rangle = \alpha_1 |00\rangle + \alpha_2 |01\rangle + \alpha_3 |10\rangle + \alpha_4 |11\rangle$$

donde  $\sum_{i=1}^4 |\alpha_i|^2 = 1$

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- **Dos qubits (cont.)**
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

Un ejemplo más:

$$\frac{1}{2}(|00\rangle + |01\rangle + |10\rangle + |11\rangle)$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- **Dos qubits (cont.)**
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

Un ejemplo más:

$$\frac{1}{2}(|00\rangle + |01\rangle + |10\rangle + |11\rangle)$$
$$= \frac{1}{2} [ |0\rangle \otimes (|0\rangle + |1\rangle) + |1\rangle \otimes (|0\rangle + |1\rangle) ]$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- **Dos qubits (cont.)**
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

Un ejemplo más:

$$\begin{aligned} & \frac{1}{2}(|00\rangle + |01\rangle + |10\rangle + |11\rangle) \\ &= \frac{1}{2} [ |0\rangle \otimes (|0\rangle + |1\rangle) + |1\rangle \otimes (|0\rangle + |1\rangle) ] \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) \otimes \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) \end{aligned}$$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- **Dos qubits (cont.)**
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

Un ejemplo más:

$$\begin{aligned} & \frac{1}{2}(|00\rangle + |01\rangle + |10\rangle + |11\rangle) \\ &= \frac{1}{2} [ |0\rangle \otimes (|0\rangle + |1\rangle) + |1\rangle \otimes (|0\rangle + |1\rangle) ] \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) \otimes \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) \\ &= |+\rangle \otimes |+\rangle = |++\rangle \end{aligned}$$

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- **Dos qubits (cont.)**
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

Un ejemplo más:

$$\begin{aligned} & \frac{1}{2}(|00\rangle + |01\rangle + |10\rangle + |11\rangle) \\ &= \frac{1}{2} [ |0\rangle \otimes (|0\rangle + |1\rangle) + |1\rangle \otimes (|0\rangle + |1\rangle) ] \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) \otimes \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) \\ &= |+\rangle \otimes |+\rangle = |++\rangle \end{aligned}$$

si aquí medimos el primer qubit con  $M_{\{|0\rangle, |1\rangle\}}$  quedará:

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- **Dos qubits (cont.)**
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Dos qubits (cont.)

Un ejemplo más:

$$\begin{aligned} & \frac{1}{2}(|00\rangle + |01\rangle + |10\rangle + |11\rangle) \\ &= \frac{1}{2} [ |0\rangle \otimes (|0\rangle + |1\rangle) + |1\rangle \otimes (|0\rangle + |1\rangle) ] \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) \otimes \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) \\ &= |+\rangle \otimes |+\rangle = |++\rangle \end{aligned}$$

si aquí medimos el primer qubit con  $M_{\{|0\rangle, |1\rangle\}}$  quedará:

$$|0\rangle \otimes \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) = \frac{1}{\sqrt{2}}(|00\rangle + |01\rangle) \text{ con probabilidad } \frac{1}{2}$$

y

$$|1\rangle \otimes \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) = \frac{1}{\sqrt{2}}(|10\rangle + |11\rangle) \text{ con probabilidad } \frac{1}{2}$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- **Dos qubits (cont.)**
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Enredo cuántico (Entanglement)

No siempre podremos expresar un 2-qubit como producto tensorial de dos 1-qubit.

## Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- **Enredo cuántico (Entanglement)**
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Enredo cuántico (Entanglement)

No siempre podremos expresar un 2-qubit como producto tensorial de dos 1-qubit.

Ejemplo:  $\frac{1}{\sqrt{2}} |00\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} |11\rangle$ .

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- **Enredo cuántico (Entanglement)**
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Enredo cuántico (Entanglement)

No siempre podremos expresar un 2-qubit como producto tensorial de dos 1-qubit.

Ejemplo:  $\frac{1}{\sqrt{2}} |00\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} |11\rangle$ .

En este caso, al realizar una medición sobre el primer qubit con  $M_{\{|0\rangle, |1\rangle\}}$  vemos que obtenemos:

$$|00\rangle \quad \text{ó} \quad |11\rangle$$

O sea, al medir el primer qubit, también obtenemos el segundo.

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- **Enredo cuántico (Entanglement)**
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Enredo cuántico (Entanglement)

No siempre podremos expresar un 2-qubit como producto tensorial de dos 1-qubit.

Ejemplo:  $\frac{1}{\sqrt{2}} |00\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} |11\rangle$ .

En este caso, al realizar una medición sobre el primer qubit con  $M_{\{|0\rangle, |1\rangle\}}$  vemos que obtenemos:

$$|00\rangle \quad \text{ó} \quad |11\rangle$$

O sea, al medir el primer qubit, también obtenemos el segundo.

A esta propiedad se la llama “enredo cuántico” (entanglement) y se dice que estos dos qubits están “enredados” (entangled).

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- **Enredo cuántico (Entanglement)**
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Paralelismo

Consideremos una función  $f : \{0, 1\} \rightarrow \{0, 1\}$ .

## Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- **Paralelismo**
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Paralelismo

Consideremos una función  $f : \{0, 1\} \rightarrow \{0, 1\}$ .

y una compuerta cuántica  $U_f$  tal que

$$U_f |x, y\rangle = |x, y \oplus f(x)\rangle$$

donde  $\oplus$  simboliza la suma módulo 2

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- **Paralelismo**
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Paralelismo

Consideremos una función  $f : \{0, 1\} \rightarrow \{0, 1\}$ .

y una compuerta cuántica  $U_f$  tal que

$$U_f |x, y\rangle = |x, y \oplus f(x)\rangle$$

donde  $\oplus$  simboliza la suma módulo 2  
Por la definición anterior tenemos que

$$U_f |x, 0\rangle = |x, f(x)\rangle$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- **Paralelismo**
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Paralelismo

Consideremos una función  $f : \{0, 1\} \rightarrow \{0, 1\}$ .

y una compuerta cuántica  $U_f$  tal que

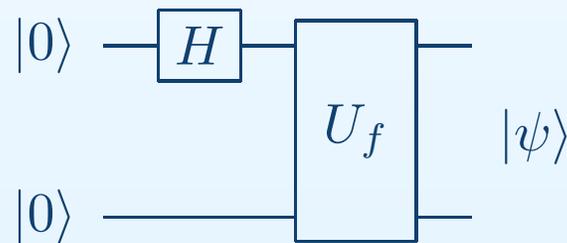
$$U_f |x, y\rangle = |x, y \oplus f(x)\rangle$$

donde  $\oplus$  simboliza la suma módulo 2

Por la definición anterior tenemos que

$$U_f |x, 0\rangle = |x, f(x)\rangle$$

Ahora consideremos el siguiente circuito



Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- **Paralelismo**
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Paralelismo (cont.)

Veamos

$$|00\rangle$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- **Paralelismo (cont.)**
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Paralelismo (cont.)

Veamos

$$|00\rangle \xrightarrow{H(1)} \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle)|0\rangle$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- **Paralelismo (cont.)**
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Paralelismo (cont.)

Veamos

$$|00\rangle \xrightarrow{H(1)} \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle)|0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|00\rangle + |10\rangle)$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- **Paralelismo (cont.)**
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Paralelismo (cont.)

Veamos

$$|00\rangle \xrightarrow{H(1)} \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle)|0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|00\rangle + |10\rangle)$$

$$U_f \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle)$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- **Paralelismo (cont.)**
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Paralelismo (cont.)

Veamos

$$|00\rangle \xrightarrow{H(1)} \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle)|0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|00\rangle + |10\rangle)$$

$$U_f \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle)$$

La salida de este circuito nos da un estado que es superposición de todos los resultados posibles de la aplicación de la función  $f$ . En principio esta no sería una idea muy práctica, ya que no podemos saber un valor particular de  $f$ .

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- **Paralelismo (cont.)**
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch

El objetivo de este algoritmo es saber si una función es constante.

## Introducción

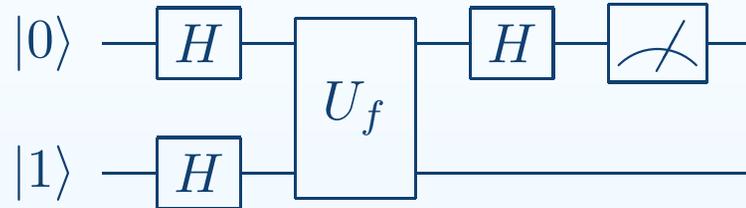
### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- **Algoritmo de Deutsch**
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch

El objetivo de este algoritmo es saber si una función es constante.

Representamos el algoritmo con el siguiente circuito



## Introducción

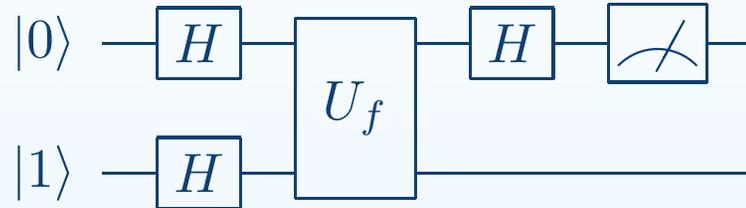
### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- **Algoritmo de Deutsch**
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch

El objetivo de este algoritmo es saber si una función es constante.

Representamos el algoritmo con el siguiente circuito



$|01\rangle$

## Introducción

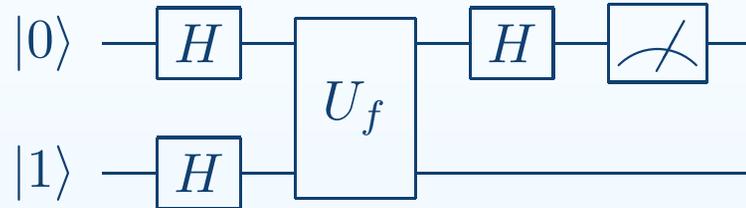
### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- **Algoritmo de Deutsch**
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch

El objetivo de este algoritmo es saber si una función es constante.

Representamos el algoritmo con el siguiente circuito



$$|01\rangle \xrightarrow{H(1,2)} \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

## Introducción

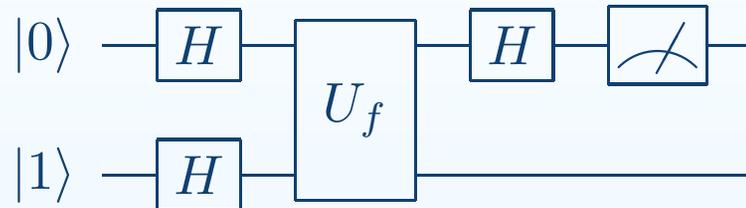
### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch

El objetivo de este algoritmo es saber si una función es constante.

Representamos el algoritmo con el siguiente circuito



$$|01\rangle \xrightarrow{H(1,2)} \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle) = |+\rangle \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

## Introducción

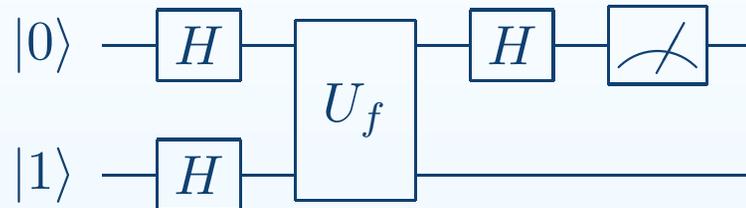
### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch

El objetivo de este algoritmo es saber si una función es constante.

Representamos el algoritmo con el siguiente circuito



$$|01\rangle \xrightarrow{H(1,2)} \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle) = |+\rangle \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

El siguiente paso es aplicar la compuerta  $U_f$ . Veamos qué sucede con cada una de las posibilidades

## Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

$$|+\rangle \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

## Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- **Algoritmo de Deutsch (cont.)**
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

=

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

$$|+\rangle \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

$$U_f |+, 0\rangle$$

=

## Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- **Algoritmo de Deutsch (cont.)**
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

$$|+\rangle \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

$$U_f |+, 0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle)$$

=

## Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- **Algoritmo de Deutsch (cont.)**
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

$$|+\rangle \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

$$U_f |+, 0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle)$$

$$U_f |+, 1\rangle$$

=

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

$$|+\rangle \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

$$U_f |+, 0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle)$$

$$U_f |+, 1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

=

## Introducción

### Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

$$|+\rangle \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

$$U_f |+, 0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle)$$

$$U_f |+, 1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

por lo tanto

$$U_f |+\rangle \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right)$$

=

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

$$|+\rangle \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

$$U_f |+, 0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle)$$

$$U_f |+, 1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

por lo tanto

$$U_f |+\rangle \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) = \frac{1}{\sqrt{2}} U_f (|+, 0\rangle - |+, 1\rangle)$$

=

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

$$|+\rangle \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

$$U_f |+, 0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle)$$

$$U_f |+, 1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

por lo tanto

$$\begin{aligned} U_f |+\rangle \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) &= \frac{1}{\sqrt{2}} U_f (|+, 0\rangle - |+, 1\rangle) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (U_f |+, 0\rangle - U_f |+, 1\rangle) = \end{aligned}$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- **Algoritmo de Deutsch (cont.)**
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

$$|+\rangle \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle - |1\rangle)$$

$$U_f |+, 0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle)$$

$$U_f |+, 1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

por lo tanto

$$U_f |+\rangle \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) = \frac{1}{\sqrt{2}} U_f (|+, 0\rangle - |+, 1\rangle)$$

$$= \frac{1}{\sqrt{2}} (U_f |+, 0\rangle - U_f |+, 1\rangle) =$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle) - \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle) \right)$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- **Algoritmo de Deutsch (cont.)**
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle) - \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle) \right)$$

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- **Algoritmo de Deutsch (cont.)**
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle) - \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle) \right)$$
$$= \frac{1}{2} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle - |0, 1 \oplus f(0)\rangle - |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- **Algoritmo de Deutsch (cont.)**
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle) - \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle) \right)$$
$$= \frac{1}{2} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle - |0, 1 \oplus f(0)\rangle - |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

Entonces, si  $f(0) \neq f(1)$

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle) - \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle) \right)$$

$$= \frac{1}{2} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle - |0, 1 \oplus f(0)\rangle - |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

Entonces, si  $f(0) \neq f(1)$

$$= \pm \frac{1}{2} (|00\rangle + |11\rangle - |01\rangle - |10\rangle)$$

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle) - \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle) \right)$$

$$= \frac{1}{2} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle - |0, 1 \oplus f(0)\rangle - |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

Entonces, si  $f(0) \neq f(1)$

$$= \pm \frac{1}{2} (|00\rangle + |11\rangle - |01\rangle - |10\rangle) = \pm \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right)$$

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle) - \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle) \right)$$

$$= \frac{1}{2} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle - |0, 1 \oplus f(0)\rangle - |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

Entonces, si  $f(0) \neq f(1)$

$$= \pm \frac{1}{2} (|00\rangle + |11\rangle - |01\rangle - |10\rangle) = \pm \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right)$$
$$= \pm |---\rangle$$

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle) - \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle) \right)$$

$$= \frac{1}{2} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle - |0, 1 \oplus f(0)\rangle - |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

Entonces, si  $f(0) \neq f(1)$

$$= \pm \frac{1}{2} (|00\rangle + |11\rangle - |01\rangle - |10\rangle) = \pm \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right)$$
$$= \pm |---\rangle$$

y si  $f(0) = f(1)$

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle) - \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle) \right)$$

$$= \frac{1}{2} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle - |0, 1 \oplus f(0)\rangle - |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

Entonces, si  $f(0) \neq f(1)$

$$= \pm \frac{1}{2} (|00\rangle + |11\rangle - |01\rangle - |10\rangle) = \pm \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) = \pm |---\rangle$$

y si  $f(0) = f(1)$

$$= \pm \frac{1}{2} (|00\rangle + |10\rangle - |01\rangle - |11\rangle)$$

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle) - \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle) \right)$$

$$= \frac{1}{2} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle - |0, 1 \oplus f(0)\rangle - |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

Entonces, si  $f(0) \neq f(1)$

$$= \pm \frac{1}{2} (|00\rangle + |11\rangle - |01\rangle - |10\rangle) = \pm \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right)$$
$$= \pm |---\rangle$$

y si  $f(0) = f(1)$

$$= \pm \frac{1}{2} (|00\rangle + |10\rangle - |01\rangle - |11\rangle) = \pm \left( \frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right)$$

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- **Algoritmo de Deutsch (cont.)**
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle) - \frac{1}{\sqrt{2}} (|0, 1 \oplus f(0)\rangle + |1, 1 \oplus f(1)\rangle) \right)$$

$$= \frac{1}{2} (|0, f(0)\rangle + |1, f(1)\rangle - |0, 1 \oplus f(0)\rangle - |1, 1 \oplus f(1)\rangle)$$

Entonces, si  $f(0) \neq f(1)$

$$\begin{aligned} &= \pm \frac{1}{2} (|00\rangle + |11\rangle - |01\rangle - |10\rangle) = \pm \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) \\ &= \pm |---\rangle \end{aligned}$$

y si  $f(0) = f(1)$

$$\begin{aligned} &= \pm \frac{1}{2} (|00\rangle + |10\rangle - |01\rangle - |11\rangle) = \pm \left( \frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) \left( \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} \right) \\ &= \pm |+-\rangle \end{aligned}$$

# Algoritmo de Deutsch (cont.)

Resumiendo:

$$\begin{cases} \pm |--\rangle & \text{si } f(0) \neq f(1) \\ \pm |+-\rangle & \text{si } f(0) = f(1) \end{cases}$$

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN



# Algoritmo de Deutsch (cont.)

Resumiendo:

$$\begin{cases} \pm |--\rangle & \text{si } f(0) \neq f(1) \\ \pm |+-\rangle & \text{si } f(0) = f(1) \end{cases}$$

Haciendo una medición con  $M_{\{|+\rangle, |-\rangle\}}$  sobre el primer qubit podemos distinguir en cuál de los dos casos estamos.

En éste algoritmo no se puede apreciar del todo la ganancia, pero si la idea de paralelismo. Aquí tengo un orden de complejidad  $O(3)$ , al igual que el algoritmo clásico equivalente. La diferencia está en que la generalización de éste algoritmo a funciones de  $N \rightarrow N$  (algoritmo de Deutsch-Jozsa) sigue manteniendo el  $O(3)$ .

Introducción

Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

# FIN

Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

$$M_{\{|Preguntas?\rangle, |Gracias!\rangle\}} \frac{1}{\sqrt{2}} (|Preguntas?\rangle + |Gracias!\rangle)$$

# FIN

## Introducción

## Qubits

- Un qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit
- Compuertas Cuánticas para 1 qubit (cont.)
- Otro ejemplo
- Otro ejemplo (cont.)
- Medición
- Dos qubits
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Dos qubits (cont.)
- Enredo cuántico (Entanglement)
- Paralelismo
- Paralelismo (cont.)
- Algoritmo de Deutsch
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- Algoritmo de Deutsch (cont.)
- FIN

$$M_{\{|Preguntas?\rangle, |Gracias!\rangle\}} \frac{1}{\sqrt{2}} (|Preguntas?\rangle + |Gracias!\rangle)$$

$$= |Gracias!\rangle$$