

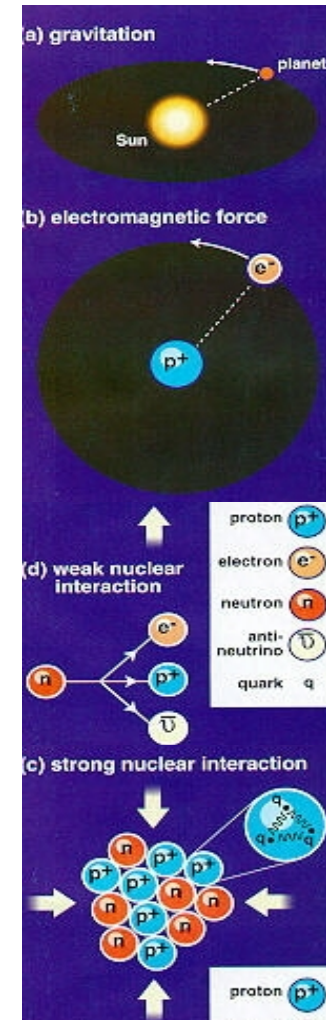
Física Geral I F -128

Aula 6

Força e movimento II

Forças Fundamentais da Natureza

- **Gravitacional** ($\propto 1/r^2$) 10^{-38}
 - Matéria
- **Eletromagnética** ($\propto 1/r^2$) 10^{-2}
 - Cargas Elétricas, átomos, sólidos
- **Nuclear Fraca** 10^{-7}
 - Decaimento Radioativo beta
- **Nuclear forte** 1
 - Mantém o núcleo ligado (curto alcance)



Unificação das forças

- Maxwell tentou unificar as forças **elétrica** e **gravitacional**
- Depois de 1915 (teoria da relatividade geral) Einstein tentou a unificação
- Fim dos 60, A. Salam (1926-96) e S. Weinberg (1933-) e S. Glashow (1932-) formularam a teoria **Eletro-Fraca** (Nobel 1979)
- Teorias de Grande Unificação (GUT) !!!
- Supercordas ???

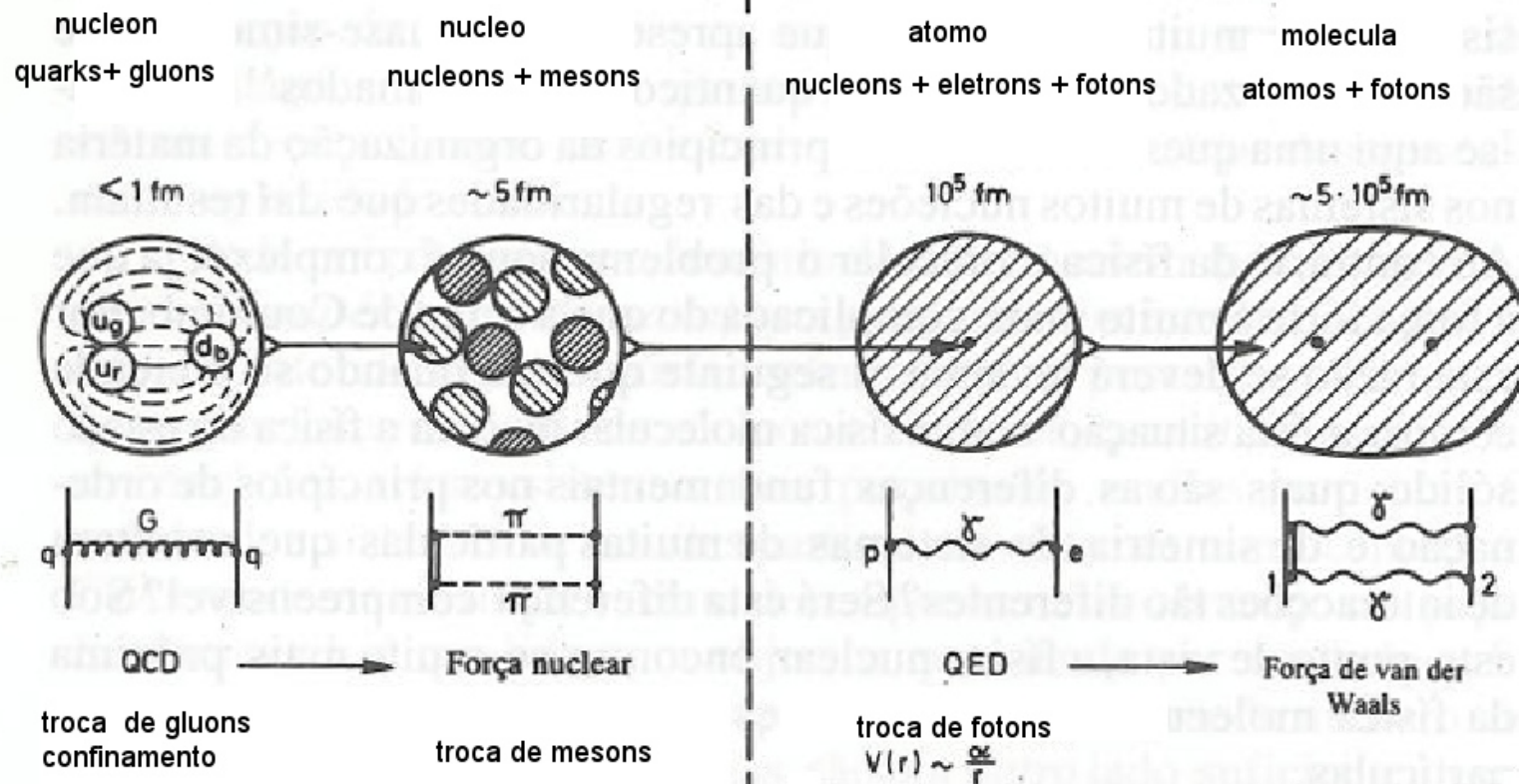
As forças que indicamos acima - gravitacional, eletromagnética, fraca e forte são as básicas.

Há fenômenos nos quais elas aparecem de modo **composto**:

- **as forças entre moléculas** são **composições (somadas)** de forças entre vários objetos menores, que são os elétrons e os núcleos. Essa soma aparece como uma força de tipo Van der Waals.
- **As forças entre núcleons** (protons e neutrons) são **composições (somadas)** de forças entre objetos menores (quarks). Estas também aparecem como forças de tipo Van der Waals mas muito mais fortes e atuando em dimensões menores.

Assim, a estrutura de um átomo depende da força forte que mantém o núcleo coeso e da força eletromagnética que mantém os elétrons ligados ao núcleo. Caso não houvesse a coesão entre protons e neutrons, **que é muito forte**, o núcleo “explodiria”.

Forças em diferentes escalas



- Todas as forças macroscópicas são ou **gravitacionais** ou **eletromagnéticas**.
- Como foi visto anteriormente, em escalas menores, temos a estrutura das moléculas, dos átomos e a estrutura sub-atômica. Elas dependem da **interação eletromagnética no nível molecular e atômico** e também da **interação forte, que mantém o núcleo coeso**. As leis que regem esses fenômenos em escalas menores são as da **mecânica quântica**.

Força normal: referenciais não inerciais

acelerado para cima: $a > 0$



Isaac Newton dentro de um elevador sobre uma balança. A balança mede o **peso aparente**.

O peso aparente é dado pela força normal.
Componente y da 2ª lei de Newton:

$$\sum F_y = ma_y \Rightarrow N - mg = ma$$

Se:




$$a = 0 \rightarrow N = mg$$

$$a > 0 \rightarrow N > mg$$

$$a < 0 \rightarrow N < mg$$

Q1: Força de atrito

Um objeto sobre um plano inclinado desliza se a inclinação do plano for maior que uma certa inclinação máxima. De que forma tal inclinação depende da orientação do objeto?

-  A. A inclinação é maior quando a área de contato for maior
-  B. A inclinação é maior quando a área de contato for menor.
-  C. A inclinação independe da área de contato.

[MC Types]

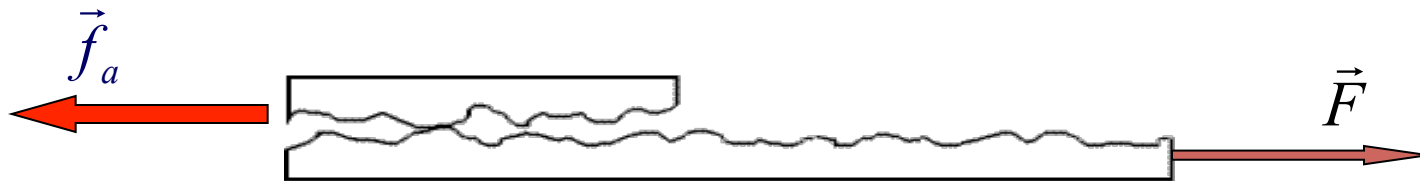
Força de atrito: história

Leonardo da Vinci (1452-1519): um dos primeiros a reconhecer a importância do atrito no funcionamento das máquinas.

Leis de atrito de da Vinci:

- 1) a área de contato não tem influência sobre o atrito.
- 2) dobrando-se a carga de um objeto, o atrito também é dobrado.

Guillaume Amontons (1663-1705): redescoberta das leis de da Vinci
O atrito é devido à rugosidade das superfícies.

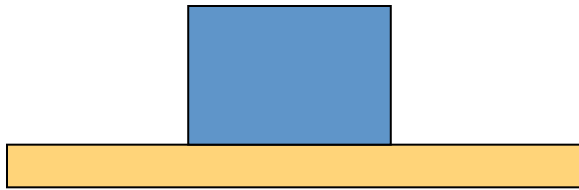


Charles August Coulomb (1736-1806): o atrito cinético é proporcional à força normal e independente da velocidade **Lei de Amontons-Coulomb:**

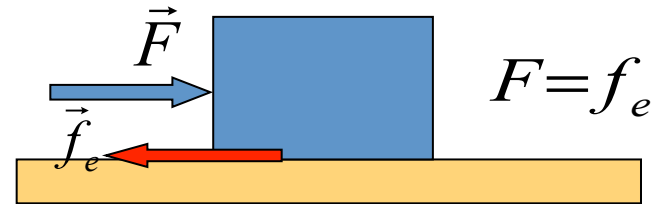
$$|\vec{f}_a| = \mu |\vec{N}|$$

Atrito estático e atrito cinético

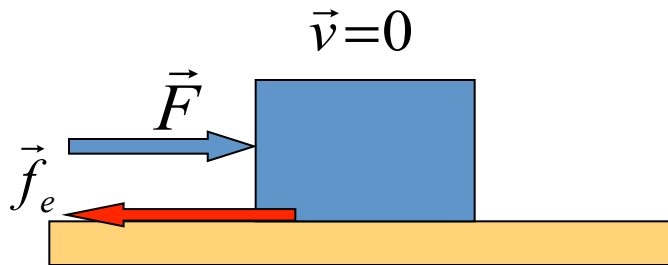
Ausência de forças horizontais



$$\vec{v} = 0$$



A força de atrito estático é máxima ($= \mu_e N$) na *iminência* de deslizamento.



$$0 \leq f_e \leq \mu_e N$$

$$\vec{v} \neq 0$$

$$F > f_c \rightarrow a > 0$$



$$f_c = \mu_c N$$

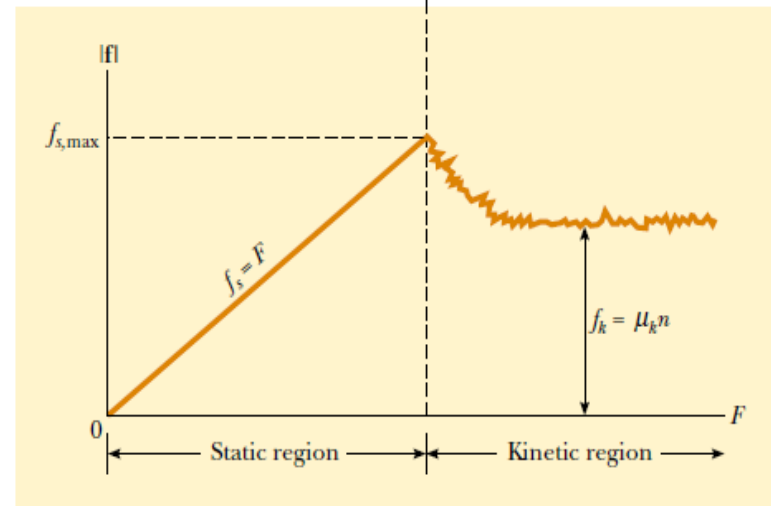
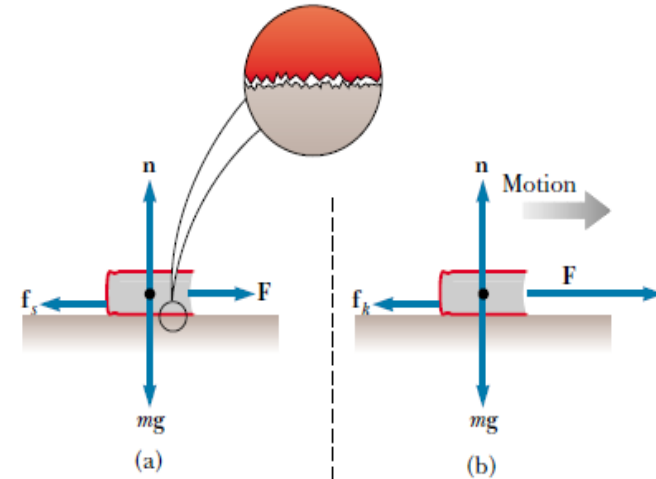
➡ A força de atrito sobre um corpo tem sempre sentido **oposto** ao seu movimento (ou à tendência de movimento) **em relação ao outro corpo**.

Atrito estático e atrito cinético

$$\mu_e > \mu_c$$

Os coeficientes de atrito **dependem** das **duas superfícies** envolvidas.

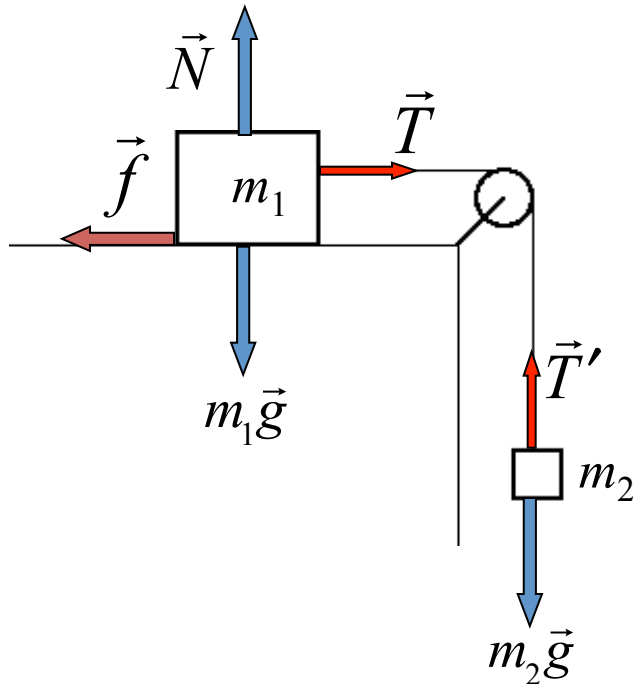
O coeficiente de atrito cinético **independe da velocidade relativa** das superfícies.



Coeficientes de atrito

Material	μ_e	μ_c
Aço / aço	0,74	0,57
Alumínio / aço	0,61	0,47
Cobre / aço	0,53	0,36
Madeira / madeira	0,25-0,50	0,20
Vidro / vidro	0,94	0,40
Metal / metal (lubrificado)	0,15	0,06
Gelo / gelo	0,10	0,03
juntas de ossos	0,01	0,003

Medida de forças de atrito: sistema de blocos



Sistema em movimento:

$$m_2 g - f = (m_1 + m_2) a$$

$$m_2 g - \mu_c m_1 g = (m_1 + m_2) a$$

$$a = \frac{m_2 - \mu_c m_1}{m_1 + m_2} g$$

Sistema em equilíbrio na iminência de movimento:

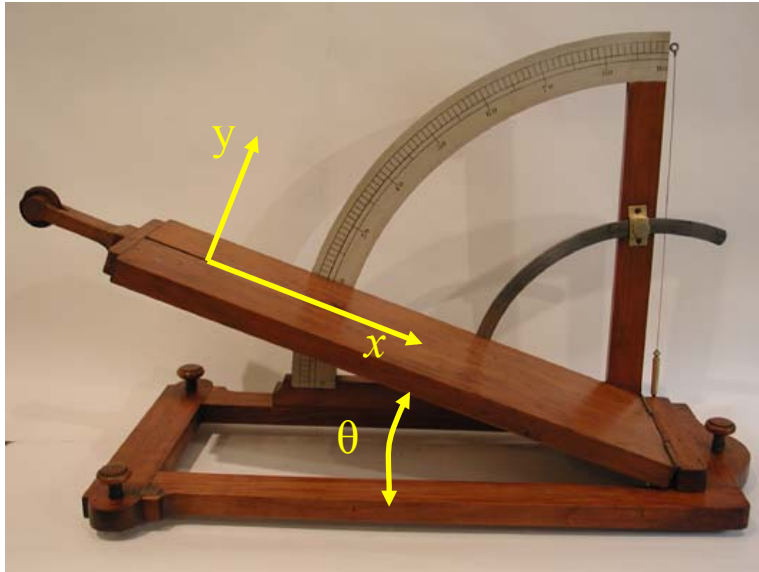
$$a = 0 \text{ e } f_e = \mu_e N$$

Então: $m_2 - \mu_e m_1 = 0 \rightarrow$

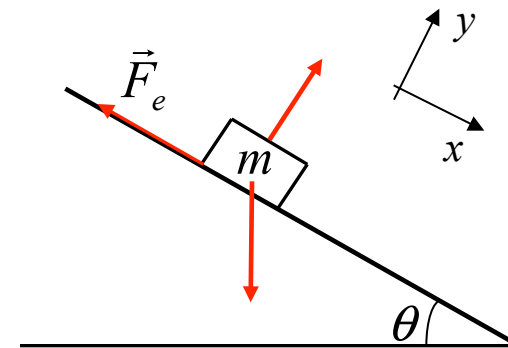
$$\mu_e = \frac{m_2}{m_1}$$

(determinação do coeficiente de atrito estático)

Medida de forças de atrito: plano inclinado



Bloco de massa m na **iminência** de deslizar num plano inclinado:



Plano inclinado para aulas de física (1850)

Na iminência de deslizamento:

$$\mu_e = \frac{m g \operatorname{sen} \theta}{m g \cos \theta} \quad \longrightarrow \quad \boxed{\mu_e = \operatorname{tg} \theta}$$

$$F_e = \mu_e N$$

$$\sum F_x = m g \operatorname{sen} \theta - F_e = 0$$

$$\sum F_y = N - m g \cos \theta = 0$$

Plano inclinado com o bloco em movimento

Calcular a aceleração do bloco

$$\sum F_x = mg \operatorname{sen}\theta - F_a = ma$$

$$\sum F_y = N - mg \cos\theta = 0$$

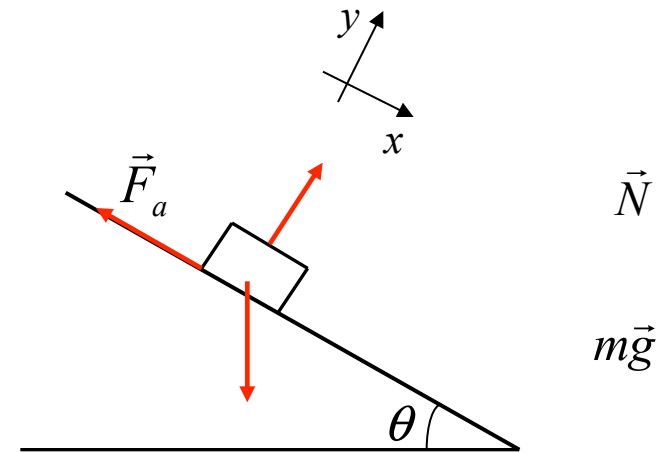
$$\cancel{mg} \operatorname{sen}\theta - \mu_c \cancel{mg} \cos\theta = \cancel{m}a$$

$$a = g(\operatorname{sen}\theta - \mu_c \cos\theta)$$

Ou:

$$a = g \cos\theta(\mu_e - \mu_c)$$

Como o coeficiente cinético é menor que o estático, a inclinação pode ser reduzida e o bloco continuará em movimento.

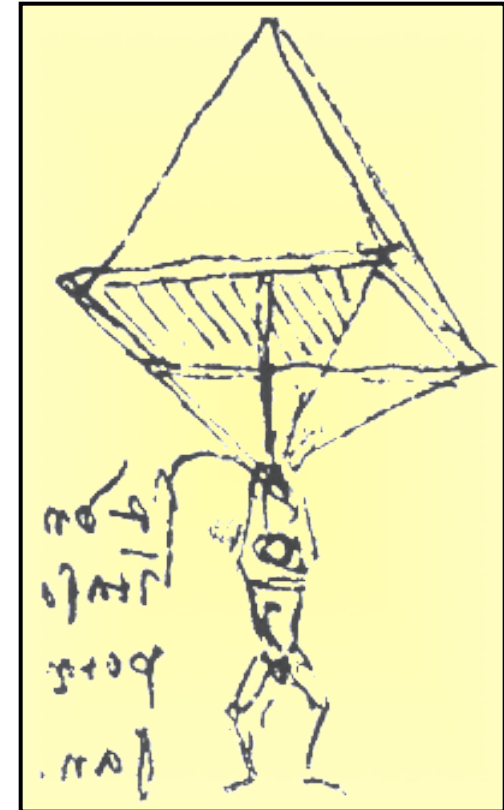


Atrito em fluidos: Força de arraste



Salto realizado por Adrian Nicholas, 26/6/2000

"It took one of the greatest minds who ever lived to design it, but it took 500 years to find a man with a brain small enough to actually go and fly it."



Esboço de Leonardo da Vinci, de 1483

Força de arraste e velocidade terminal

A força de arraste em um fluido é uma força dependente da velocidade (ao contrário da força de atrito vista até agora) e apresenta dois regimes:

a) Fluxo turbulento: velocidades altas

Força de arraste:
$$F_D = \frac{1}{2} \rho A C v^2$$

C : coeficiente de arraste (adimensional)

A : área da seção transversal do corpo

ρ : densidade do meio

b) Fluxo viscoso: velocidades baixas

Força de arraste:
$$F_D = 6\pi\eta r v$$

r : raio do objeto

η : viscosidade do meio (N.s/m²)



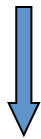
Velocidade terminal: queda de corpos

Fluxo turbulento:

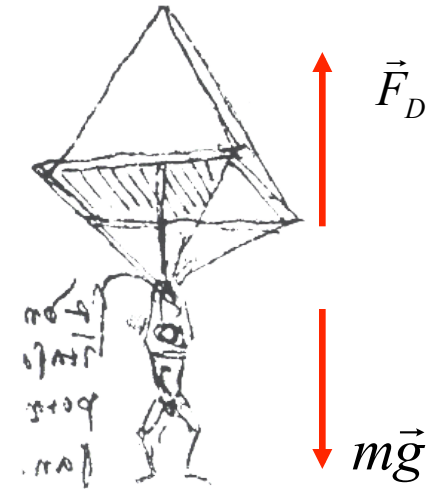
$$F_D = \frac{1}{2} \rho A C v^2$$

Quando o paraquedas atinge a velocidade terminal v_T constante:

$$\sum \vec{F} = \vec{0} \Rightarrow F_D = mg$$



$$v_T = \sqrt{\frac{2mg}{\rho A C}}$$



Exemplo da gota de chuva (Halliday)

$$v_T \approx 27 \text{ km/h}$$

Sem a resistência do ar:

$$v_T \approx 550 \text{ km/h}$$

Variação da velocidade em fluxo viscoso

2.^a lei de Newton:

$$\sum F = ma = mg - bv = m \frac{dv}{dt} \quad \boxed{b = 6\pi\eta r}$$

ou:

$$\frac{dv}{dt} + \frac{b}{m}v = g$$

A solução desta equação é, para $v(0) = 0$:

$$v = \frac{mg}{b} \left(1 - e^{-\frac{b}{m}t} \right)$$

A velocidade terminal (para $t \rightarrow \infty$) é:

$$v_t = \frac{mg}{b} = \frac{mg}{6\pi\eta r}$$

Prova:

$$v = \frac{mg}{b} \left(1 - e^{-\frac{b}{m}t} \right) \longrightarrow \frac{dv}{dt} = g e^{-\frac{b}{m}t}$$

Então:

$$\frac{dv}{dt} + \frac{b}{m}v = g e^{-\frac{b}{m}t} + \frac{b}{m} \frac{mg}{b} \left(1 - e^{-\frac{b}{m}t} \right) = g$$

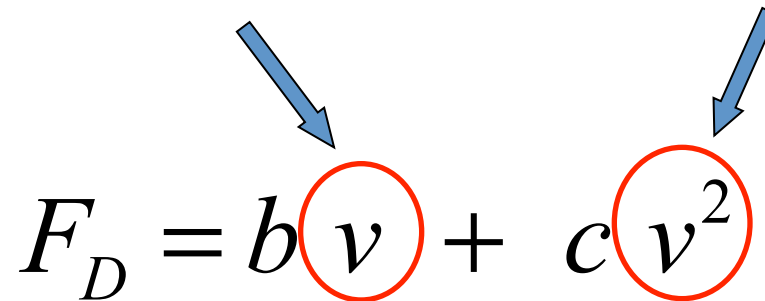
Ou seja, fica satisfeita a equação

$$\frac{dv}{dt} + \frac{b}{m}v = g$$

Melhor aproximação para a força de arraste

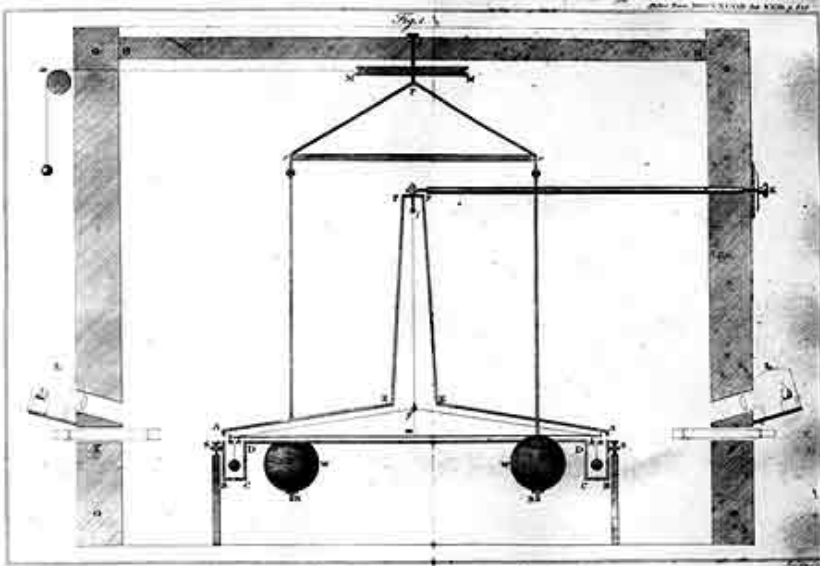
Velocidades baixas

Velocidades altas


$$F_D = b \circledast v + c \circledast v^2$$

Cada um dos termos domina em um limite de velocidade. Em baixas velocidades a força é linear; com o aumento da velocidade, novos efeitos devidos à turbulência aparecem e a força fica proporcional ao quadrado da velocidade.

A Lei de Newton e a constante da gravitação universal



$$\vec{F} = -\frac{GMm}{r^2} \hat{r}$$
$$G = 6,67 \times 10^{-11} \frac{N \cdot m^2}{kg^2}$$

Experimento da balança de torção de Henry Cavendish, que determinou a constante da gravitação universal pela primeira vez em 1797.

(Extraído do Journal of Measurement and Technology)

Upper limits to submillimeter-range forces from extra space-time dimensions. Long et al., Nature **421**, 922, 2003.

A Lei da Gravitação Universal de Newton continua válida até distâncias $>100 \mu m$.

“Pesando” a Terra! Qual é a massa da Terra?

O raio da Terra é conhecido desde as medidas de Erastótenes (276 a.C.-197 a.C.):

$$R_T = 6,374 \times 10^6 \text{ m}$$

Outro resultado de medida: $g = 9,8 \text{ m/s}^2$

$$G \frac{M_T m}{R_T^2} = mg \quad \longrightarrow \quad M_T = \frac{g R_T^2}{G} = 5,97 \times 10^{24} \text{ kg}$$

Dedução da 3ª Lei de Kepler, ou “pesando” o Sol

Supondo uma órbita aproximadamente circular: **MCU**

$$G \frac{Mm}{r^2} = m \frac{v^2}{r} = m \left(\frac{2\pi r}{T} \right)^2 \times \frac{1}{r}$$



$$T^2 = \frac{(2\pi)^2}{GM} r^3$$

$$r_{\text{Sol-Terra}} = 1,496 \times 10^{11} \text{ m}$$

(raio médio da órbita da Terra)

$$T = 3,16 \times 10^7 \text{ s} = 365,3 \text{ dias} \therefore$$

$$M_{\text{sol}} = 1,99 \times 10^{30} \text{ kg}$$



A “pesagem” pode ser refeita usando-se dados de cada planeta conhecido - ou o caminho inverso !!!

“Pesando” a Terra novamente

$$\frac{T^2}{r^3} = \frac{(2\pi)^2}{GM}$$

Órbita da Lua:

Raio médio: 382.000 km

Período: 27,3 dias ($2,35 \times 10^6$ s)

$$M_T = 5,97 \times 10^{24} \text{ kg}$$

E as luas de Júpiter (Io, Europa, Ganimedes e Calisto)?

“Pesando” tudo... e determinando as densidades...

Notar a importância de se conhecer G !!!

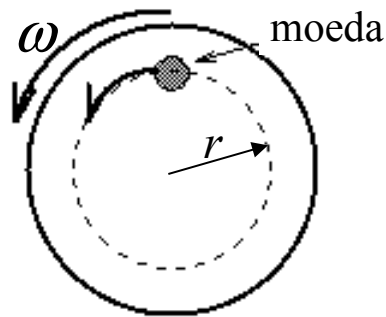
Q2: Movimento Circular

Em um disco girando são colocados dois objetos idênticos, a diferentes distâncias do centro do disco. Ao aumentarmos a velocidade angular, o objeto mais próximo do centro será o primeiro a deslizar.

-  A. Verdadeiro
-  B. Falso

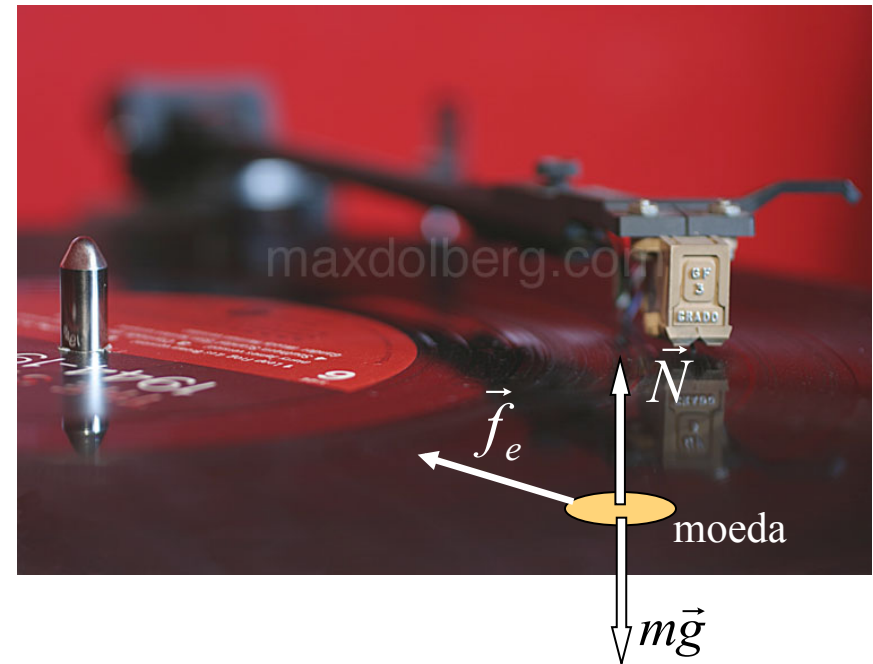
Atrito e movimento circular

Qual é a máxima velocidade angular do disco para que a moeda não deslize?



$$N - mg = 0$$

$$f_e \leq \mu_e N = \mu_e mg$$



Para que a moeda não deslize e caia do disco:

$$m \frac{v^2}{r} = f_e \leq \mu_e mg \quad \longrightarrow$$

*Outro jeito para
medir o coeficiente
de atrito!*

$$\frac{v^2}{r} = \omega^2 r \leq \mu_e g$$

Força normal e movimento circular

Um carro faz uma curva numa estrada **sem atrito**, superelevada de um ângulo θ . Qual é a velocidade do carro para que ele não derrape?

Componente x (centrípeta):

$$N \sin \theta = m \frac{v^2}{r} \quad (1)$$

Componente y (vertical):

$$N \cos \theta = m g \quad (2)$$

(1) \div (2) :

$$\tan \theta = \frac{v^2}{r g} \quad \longrightarrow \quad v = \sqrt{g r \tan \theta}$$

